



# สูตรสถิติ : (ปลายภาค)

ห้ามทบทวนหรือซื้อชี้แจงในสุนทรี

กระบวนการวิชาสถิติสำหรับสังคมศาสตร์ 2 (208272)

ภาควิชาสถิติ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยเชียงใหม่

<p>1</p>	$\chi^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(O_i - E_i)^2}{E_i} ; \quad \nu = k-1 ; \quad \nu = k-1-m$		
	$\chi^2 = \sum_{i=1}^r \sum_{j=1}^c \frac{(O_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}} ; \quad \nu = (r-1)(c-1)$		
	$\hat{y} = a + bx$		
	$a = \bar{y} - b\bar{x}$		
<p>2</p>	$b = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i y_i - n\bar{x}\bar{y}}{\sum_{i=1}^n x_i^2 - n\bar{x}^2} = \frac{n \sum_{i=1}^n x_i y_i - \sum_{i=1}^n x_i \sum_{i=1}^n y_i}{n \sum_{i=1}^n x_i^2 - (\sum_{i=1}^n x_i)^2}$		
<p>3</p>	$s_x^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n-1} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2 - n\bar{x}^2}{n-1} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2 - \left(\sum_{i=1}^n x_i\right)^2}{n-1}$		
<p>4</p>	$s_y^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}{n-1} = \frac{\sum_{i=1}^n y_i^2 - n\bar{y}^2}{n-1} = \frac{\sum_{i=1}^n y_i^2 - \left(\sum_{i=1}^n y_i\right)^2}{n-1}$		
<p>5</p>	$s_E^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2 - b^2 \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n-2} = \frac{n-1}{n-2} [s_y^2 - b^2 s_x^2]$		
<p>6</p>	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 40%; vertical-align: top;"> <math>t = \frac{a - \alpha}{\sqrt{V(a)}} ; \quad \nu = n-2</math> </td><td style="width: 60%; vertical-align: top;"> <math>a + t_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(a)} &lt; \alpha &lt; a + t_{\frac{1-\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(a)}</math> </td></tr> </table>	$t = \frac{a - \alpha}{\sqrt{V(a)}} ; \quad \nu = n-2$	$a + t_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(a)} < \alpha < a + t_{\frac{1-\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(a)}$
$t = \frac{a - \alpha}{\sqrt{V(a)}} ; \quad \nu = n-2$	$a + t_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(a)} < \alpha < a + t_{\frac{1-\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(a)}$		
<p>7</p>	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 40%; vertical-align: top;"> <math>t = \frac{b - \beta}{\sqrt{V(b)}} ; \quad \nu = n-2</math> </td><td style="width: 60%; vertical-align: top;"> <math>b + t_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(b)} &lt; \beta &lt; b + t_{\frac{1-\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(b)}</math> </td></tr> </table>	$t = \frac{b - \beta}{\sqrt{V(b)}} ; \quad \nu = n-2$	$b + t_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(b)} < \beta < b + t_{\frac{1-\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(b)}$
$t = \frac{b - \beta}{\sqrt{V(b)}} ; \quad \nu = n-2$	$b + t_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(b)} < \beta < b + t_{\frac{1-\alpha}{2}} \cdot \sqrt{V(b)}$		
<p>8</p>	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 40%; vertical-align: top;"> <math>V(a) = s_E^2 \left( \frac{1}{n} + \frac{\bar{x}^2}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \right) = s_E^2 \left( \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{n \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \right)</math> </td><td style="width: 60%; vertical-align: top;"></td></tr> </table>	$V(a) = s_E^2 \left( \frac{1}{n} + \frac{\bar{x}^2}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \right) = s_E^2 \left( \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{n \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \right)$	
$V(a) = s_E^2 \left( \frac{1}{n} + \frac{\bar{x}^2}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \right) = s_E^2 \left( \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{n \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \right)$			
<p>9</p>	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 40%; vertical-align: top;"> <math>V(b) = \frac{s_E^2}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}</math> </td><td style="width: 60%; vertical-align: top;"></td></tr> </table>	$V(b) = \frac{s_E^2}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$	
$V(b) = \frac{s_E^2}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$			

$$\begin{aligned}
 r &= \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i y_i - n \bar{x} \bar{y}}{\sqrt{(\sum_{i=1}^n x_i^2 - n \bar{x}^2)(\sum_{i=1}^n y_i^2 - n \bar{y}^2)}} \\
 7 &= \frac{n \sum_{i=1}^n x_i y_i - \sum_{i=1}^n x_i \sum_{i=1}^n y_i}{\sqrt{\left( n \sum_{i=1}^n x_i^2 - (\sum_{i=1}^n x_i)^2 \right) \left( n \sum_{i=1}^n y_i^2 - (\sum_{i=1}^n y_i)^2 \right)}} = b \cdot \frac{s_x}{s_y}
 \end{aligned}$$

$$8 \quad t = \frac{r}{\sqrt{1-r^2}} ; \quad v = n-2$$

$$9 \quad Z = \frac{R - \mu_R}{\sigma_R} ; \quad \sigma_R = \frac{1}{\sqrt{n-3}}$$

$$R + Z_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \sigma_R < \mu_R < R + Z_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \sigma_R$$

$$R = \frac{1}{2} \ln \left( \frac{1+r}{1-r} \right)$$

$$\mu_R = \frac{1}{2} \ln \left( \frac{1+\rho}{1-\rho} \right)$$

10 การทดสอบโดยใช้เครื่องหมาย

T = จำนวนครั้งที่มีเครื่องหมายเป็นนาวก

$$11 \quad \text{การทดสอบอันดับที่มีเครื่องหมายกำกับของวิลโคกซอน}$$

$$T = \sum_{i=1}^n R_i$$

$$R_i = 0 \quad \text{ถ้า } X_i < Y_i$$

$$R_i = \text{อันดับที่ให้แก่คู่ของ } (X_i, Y_i) \quad \text{ถ้า } X_i > Y_i$$

$$12 \quad \text{การทดสอบสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์แบบอันดับ}$$

$$T = r_s = 1 - \frac{6 \sum_{i=1}^n D_i^2}{n(n^2 - 1)}$$

$$13 \quad \text{การทดสอบผลรวมของอันดับของมน - วิทนีย์}$$

$$T = S - \frac{n(n+1)}{2} \quad \text{โดยที่ } S = \sum_{i=1}^n R(X_i)$$

$$14 \quad \text{การทดสอบของฟรีดแมนต์สำหรับการวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบ 2 ทาง โดยใช้อันดับ}$$

$$T = \frac{12}{bk(k+1)} \sum_{j=1}^k R_j^2 - 3b(k+1)$$

$$15 \quad \text{การวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบทางเดียวโดยใช้อันดับของครัสเคอร์-วอลลิส}$$

$$T = \frac{12}{N(N+1)} \sum_{i=1}^k \frac{R_i^2}{n_i} - 3(N+1)$$

ห้ามกดหรือซีดเขียนลงในสูตรนี้